Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Новосибирский государственный технический университет»

Кафедра высшей математики

“УТВЕРЖДАЮ”
ДЕКАНМТФ
к.т.н., доцент А.Г. Тюрин
“___”_____ _____ г.

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

ДИСЦИПЛИНЫ

Математический анализ

Образовательная программа: 15.03.05 Конструкторско-технологическое обеспечение машиностроительных производств, профиль: Технология машиностроения (совместная образовательная программа ШТИ-НГТУ)

Новосибирск 2026

1. Обобщенная структура фонда оценочных средств дисциплины

Обобщенная структура фонда оценочных средств по **дисциплине** Математический анализ представлена в Таблице. Совокупность результатов обучения по дисциплине соотнесена с уровнями сформированности компетенций и соотнесенными с ними индикаторами. Индикаторы достижения компетенций измеряемы с помощью средств текущей и промежуточной аттестации по **дисциплине** Математический анализ.

Таблица

Формируемые компетенции	**Индикаторы компетенций**	**Темы**	**Этапы оценки результатов обучения и соотнесенных с ними индикаторов достижения компетенций**	
			Мероприятия текущего контроля (контрольная работа, курсовой проект, РГЗ(Р), реферат и др.)	**Промежуточная аттестация (экзамен, зачет)**
ОПК-8 Способен участвовать в разработке обобщенных вариантов решения проблем, связанных с машиностроительными производствами, выборе оптимальных вариантов прогнозируемых последствий решения на основе их анализа	1. Умеет разрабатывать обобщенные варианты решения проблем, связанных с машиностроительным производством	Двойной интеграл, замена переменных в двойном интеграле. Дифференциальные уравнения высших порядков допускающие понижения порядка. Дифференциальные уравнения 1-го порядка. Задачи на применение производной, правило Лопиталя. Замечательные пределы. Интегралы, зависящие от параметра. Интегрирование некоторых иррациональных выражений. Интегрирование по таблице, замена переменной и интегрирование по частям. Интегрирование рациональных дробей. Интегрирование тригонометрических выражений. Исследование функций и построение графиков. Криволинейные интегралы. Линейные дифференциальные уравнения. Непрерывность функции, классификация точек разрыва. Определенный и несобственный интегралы. Приложения определенных интегралов. Поверхностные интегралы. Предел последовательности, функции. Приложения кратных интегралов. Производные и дифференциал, техника дифференцирования. Производные и дифференциалы высоких порядков. Формула Тейлора. Самостоятельная работа	РГР темы 1,3 (1 семестр), темы 1-4 (2 семестр) Выполнение самостоятельных работ разного вида	Экзамен, вопросы.15-48 (1 семестр), 1-61 (2 семестр)

		Системы дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами. Скалярное поле. Градиент. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Сравнение б.м., вычисление пределов с помощью б.м. Техника дифференцирования. Дифференциал и его применение. Тройной интеграл, замена переменных в тройном интеграле. Уравнения с постоянными коэффициентами. Формула Тейлора. Формулы Грина, Остроградского, Стокса. Функции и графики. Построение графиков элементарных функций в декартовой системе координат и в полярной системе координат. Функции многих переменных. Область определения. Графики функций двух переменных. Поверхности второго порядка. Числовые и функциональные ряды. Экстремумы, наибольшее и наименьшее значение функции в области. 4.1.Числовые ряды. Сходимость и сумма ряда. Необходимое условие сходимости ряда. Действия с рядами. Методы исследования сходимости рядов. Абсолютная и условная сходимости знакопеременных рядов. 4.2.Функциональные ряды. Равномерная сходимость. Признак Вейерштрасса. Свойства равномерно сходящихся рядов. 4.3.Степенные ряды. Теорема Абеля. Область сходимости степенного ряда, интервал сходимости, радиус сходимости. Свойства степенных рядов. Разложение функций в степенные ряды. Ряд Тейлора и Маклорена, различные формулы остаточного члена. Приложения степенных рядов. 5.1.Функции нескольких переменных: определение, предел, непрерывность. 5.2.Частные производные, дифференциал. Дифференцируемость функции нескольких переменных. Дифференцирование сложной функции. Скалярное поле.		

		Линии и поверхности уровня. Производная по направлению. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Частные производные и дифференциалы высших порядков. Формула Тейлора. 5.3.Неявные функции. Теорема существования и дифференцирования неявной функции. 5.4.Экстремум функции нескольких переменных. Необходимое, достаточное условия экстремума. Метод наименьших квадратов. 5.5.Условный экстремум. Метод множителей Лагранжа. 6.1.Общая схема построения интеграла. Задачи, приводящие к понятиям кратных и криволинейных интегралов. 6.2.Двойной и тройной интегралы, их свойства. Вычисление кратных интегралов. Криволинейные интегралы и замена переменных в кратных интегралах. 6.3.Площадь поверхности. Поверхностные интегралы: свойства, вычисление. 6.4.Криволинейные интегралы: свойства, вычисление. Условие независимости интеграла от пути. 6.5.Теоремы Грина, Остроградского и Стокса. 8.1.Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям. Задача Коши. Теорема существования и единственности решения задачи Коши. Основные типы уравнений 1-го порядка, интегрируемые в квадратурах. 8.2.Дифференциальные уравнения высших порядков. Задача Коши. Уравнения, допускающие понижение порядка. 8.3.Линейные дифференциальные уравнения, однородные и неоднородные. Теоремы о структуре общего решения. 8.4.Линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами. Уравнения со специальной правой частью. Приложения. 8.5.Нормальная система дифференциальных уравнений. Задача Коши. Геометрический смысл решения нормальной системы.		

		Метод исключения для решения нормальной системы. 8.6.Системы линейных дифференциальных уравнений, свойства решений. Решение систем линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами. 9.1.Интегралы, зависящие от параметра. Непрерывность, дифференцирование и интегрирование по параметру. 9.2.Несобственные интегралы, зависящие от параметра. Гамма- и бета- функции.		
ОПК-8	3. Умеет использовать элементы причинно-следственного анализа, определять сущностные характеристики изучаемого объекта, давать определения, приводить доказательства	Двойной интеграл, замена переменных в двойном интеграле. Дифференциальные уравнения высших порядков допускающие понижения порядка. Дифференциальные уравнения 1-го порядка. Замечательные пределы. Интегрирование некоторых иррациональных выражений. Интегрирование по таблице, замена переменной и интегрирование по частям. Интегрирование тригонометрических выражений. Исследование функций и построение графиков. Контрольная работа по дифференциальному исчислению. Криволинейные интегралы. Линейные дифференциальные уравнения. Непрерывность функции, классификация точек разрыва. Определенный и несобственный интегралы. Приложения определенных интегралов. Поверхностные интегралы. Предел последовательности, функции. Приложения кратных интегралов. Производные и дифференциал, техника дифференцирования. Производные и дифференциалы высоких порядков. Формула Тейлора. Самостоятельная работа Самостоятельная работа по функциям многих переменных. Системы дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами. Скалярное поле. Градиент. Касательная плоскость и нормаль к поверхности. Сравнение б.м., вычисление пределов с помощью б.м. Тройной	РГР темы 2-3 (1 семестр), темы 1-4 (2 семестр) Выполнение самостоятельных работ разного вида	Экзамен, вопросы.1-50 (1 семестр), 1-61 (2 семестр)

		интеграл, замена переменных в тройном интеграле. Уравнения с постоянными коэффициентами. Формула Тейлора. Формулы Грина, Остроградского, Стокса. Функции и графики. Построение графиков элементарных функций в декартовой системе координат и в полярной системе координат. Функции многих переменных. Область определения. Графики функций двух переменных. Поверхности второго порядка. Экстремумы, наибольшее и наименьшее значение функции в области. 1.1.Множество вещественных чисел. Абсолютная величина числа. Функции. Элементарные функции, свойства, графики. Некоторые неэлементарные функции. 1.2.Числовые последовательности. Предел числовой последовательности. Существование предела ограниченной монотонной последовательности. Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности. Свойства сходящихся последовательностей. Предельный переход в неравенствах. 1.3.Сложные, обратные функции. 1.4.Предел функции в точке, на бесконечности. Односторонние пределы. Бесконечно малые в точке, сравнение бесконечно малых. Замечательные пределы. 1.5.Непрерывные функции. Непрерывность элементарных функций. Свойства функций, непрерывных на отрезке. Понятие равномерной непрерывности функции. Теорема Кантора.		

2. Методика оценки этапов формирования компетенций по дисциплине

Результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с установленными в программе индикаторами достижения компетенций проверяются при проведении мероприятий текущей аттестации (контроля) в процессе изучения дисциплины, указанных в таблице раздела 1.

В 1 семестре обязательным этапом текущей аттестации является расчетно-графическая работа (РГР). Требования к выполнению РГР, состав и правила оценки сформулированы в

паспорте РГР.

В 2 семестре обязательным этапом текущей аттестации является расчетно-графическая работа (РГР). Требования к выполнению РГР, состав и правила оценки сформулированы в паспорте РГР.

Промежуточная аттестация по **дисциплине** проводится в 1 семестре - в форме экзамена, в 2 семестре - в форме экзамена, который направлен на оценку сформированности результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с установленными в программе индикаторами достижения компетенций ОПК-8 и соотнесенных с ними индикаторов.(см. таблицу раздела 1).

Экзамен проводится в письменной форме по билетам, содержащим один вопрос, который требует развернутого ответа с пояснениями и обоснованием излагаемого материала несколько задач. Билет формируется из приведенного в Паспорте экзамена списка вопросов, позволяющих оценить результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с установленными в программе индикаторами достижения компетенций.

Общие правила выставления оценок текущей и промежуточной аттестации по дисциплине определяются балльно-рейтинговой системой, приведенной в рабочей программе дисциплины.

На основании критериев, приведенных в п. 3,осуществляется оценка уровней достигнутых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с установленными в программе индикаторами достижения компетенции ОПК-8, закрепленных за дисциплиной.

3. Общая характеристика уровней результатов обучения, соотнесенных с индикаторами достижения компетенций

Продвинутый. Теоретическое содержание курса освоено полностью. Студент демонстрирует систематическое и глубокое понимание учебного материала и способность к самостоятельному пополнению и обновлению знаний в ходе дальнейшей учебной работы и профессиональной деятельности. Сформированы необходимые навыки практической работы. Все учебные задания, предусмотренные программой обучения, выполнены качественно, без замечаний. Результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с установленными в программе индикаторами достижения компетенций, оценены числом баллов, входящим в диапазон продвинутого уровня.

Базовый. Теоретическое содержание курса освоено в объеме, необходимом для дальнейшей учебы и профессиональной деятельности. Навыки практической работы сформированы на базовом уровне. Все предусмотренные программой обучения учебные задания выполнены с небольшими погрешностями. Результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с установленными в программе индикаторами достижения компетенций, оценены числом баллов в пределах базового уровня.

Пороговый. Теоретическое содержание курса освоено в объеме, необходимом для дальнейшей учебы и профессиональной деятельности. Некоторые практические навыки работы с сформированы с пробелами. Учебные задания, предусмотренные программой обучения, выполнялись с ошибками, исправленными под руководством преподавателя. Результаты обучения по дисциплине , соотнесенные с установленными в программе индикаторами достижения компетенций, оценены числом баллов в пределах порогового уровня.

Ниже порогового. Теоретическое содержание курса освоено фрагментарно. Необходимые навыки практической работы сформированы минимально. Большинство учебных заданий, предусмотренных программой обучения, не выполнены. Результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с установленными в программе индикаторами достижения компетенций, оценены числом баллов, входящих в диапазон ниже порогового уровня.